

1 Introduction

En 1674, Gottfried Wilhelm Leibniz propose une estimation de π par la série alternée :^{1 2 3}

$$\pi = 4 \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n}{2n+1} = 4 \left(\frac{1}{1} - \frac{1}{3} + \frac{1}{5} - \frac{1}{7} + \dots + (-1)^n \frac{1}{2n+1} + \dots \right)$$

2 Implémentation itérative

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

#define N_MAX 100000000

long double sum = 0.0;

void simple_sum() {
    unsigned long long n;
    long double sign = 1.0;

    for (n = 0; n < N_MAX; n++, sign = -sign)
        sum += sign / (2.0 * n + 1.0);
}

int main () {
    simple_sum();

    printf("pi = %.20Lf\n", 4.0 * sum);

    exit(EXIT_SUCCESS);
}
```

3 Implémentation multi-threadée

Cette méthode d'estimation est basée sur l'addition, une opération commutative. Elle se parallélise donc très bien : peu importe que l'on calcule pour $n = 100$ avant $n = 50$ ou même pendant.

L'idée est donc d'avoir un *pool* de threads, c'est à dire un nombre TC (*threads count*) de threads qui se répartissent les n_{\max} calculs (aussi équitablement que possible). Chacun de ces threads ajoutera son résultat à la variable globale `sum`, qu'il conviendra de protéger⁴...

1. Proposez votre implémentation multi-threadée du calcul de π
2. Comparez les performances par rapport à la version itérative, grâce à la commande `time` (lisez le man)

1. https://fr.wikipedia.org/wiki/Approximation_de_%CF%80

2. https://fr.wikipedia.org/wiki/Formule_de_Leibniz#S%C3%A9rie_altern%C3%A9e

3. <http://pi314.net/fr/leibniz.php>

4. Dans notre exemple, on se contente de faire une addition sur notre variable partagée, une opération tellement élémentaire que l'on ne constatera peut-être pas de problème pratique si l'on oublie de la protéger. Mais ce n'est pas une raison pour ne pas le faire, on ne sait jamais!